

crittografia classica

A. Ferrari

- cifrario a *sostituzione monoalfabetica*
 - utilizza un alfabeto per il testo in chiaro e una *permutazione* dello stesso per il testo cifrato
 - la permutazione costituisce la chiave del sistema
 - ad ogni lettera del testo in chiaro viene associata la corrispondente lettera dell'alfabeto permutato

500-600 a.c. cifrario atbash

A. Ferrari

- *atbash*

- cifrario a sostituzione *monoalfabetica*
- la prima lettera dell'alfabeto è sostituita con l'ultima, la seconda con la penultima, e così via

- *testo in chiaro:*

- **ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ**

- *testo cifrato:*

- **ZYXWVUTSRQPONMLKJIHGFEDCBA**

- esempio:

- LEZIONI DI CRITTOGRAFIA

- OVARLMR WR XIRGGLTIZURZ



- **scitala** (σκυτάλη = bastone)
 - piccola bacchetta utilizzata dagli Spartani per trasmettere messaggi segreti
- il messaggio veniva scritto su di una striscia di pelle arrotolata attorno alla scitala, come se fosse stata una superficie continua
- una volta srotolata e tolta dalla scitala la striscia di pelle, era impossibile capire il messaggio
- la decifrazione era possibile se si aveva una bacchetta identica alla scitala del mittente: vi si arrotolava nuovamente la striscia di pelle ricostruendo la primitiva posizione
- si tratta del più antico metodo di crittografia per **trasposizione** conosciuto



150 a.c. scacchiera di Polibio

A. Ferrari

- la scacchiera originale è costituita da una **griglia** composta da 25 caselle ordinate in 5 righe ed altrettante colonne
- le lettere dell'alfabeto vengono inserite da sinistra a destra e dall'alto in basso
- le righe e le colonne sono numerate: tali numeri sono gli indici o "**coordinate**" delle lettere costituenti il messaggio in chiaro
- esempio (6x6)
 - PIANO LAUREE SCIENTIFICHE
 - FGDFAAFDFFDXAAGFFXAVAVGAAFDFAVFDGDDFAXDFAFDDAV

Substitution matrix

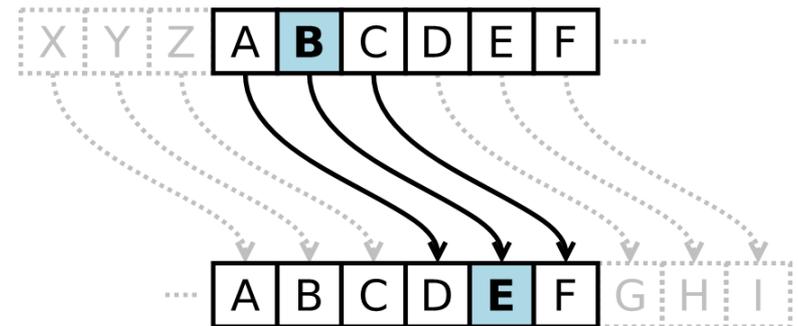
	A	D	F	G	V	X
A	A	B	C	D	E	F
D	G	H	I	J	K	L
F	M	N	O	P	Q	R
G	S	T	U	V	W	X
V	Y	Z	0	1	2	3
X	4	5	6	7	8	9

	α	β	γ	δ	ε
α	A	B	Γ	Δ	E
β	Z	H	Θ	I	K
γ	Λ	M	N	Ξ	O
δ	Π	P	Σ	Τ	Υ
ε	Φ	X	Ψ	Ω	‡

50-60 a.c. metodo di Cesare

A. Ferrari

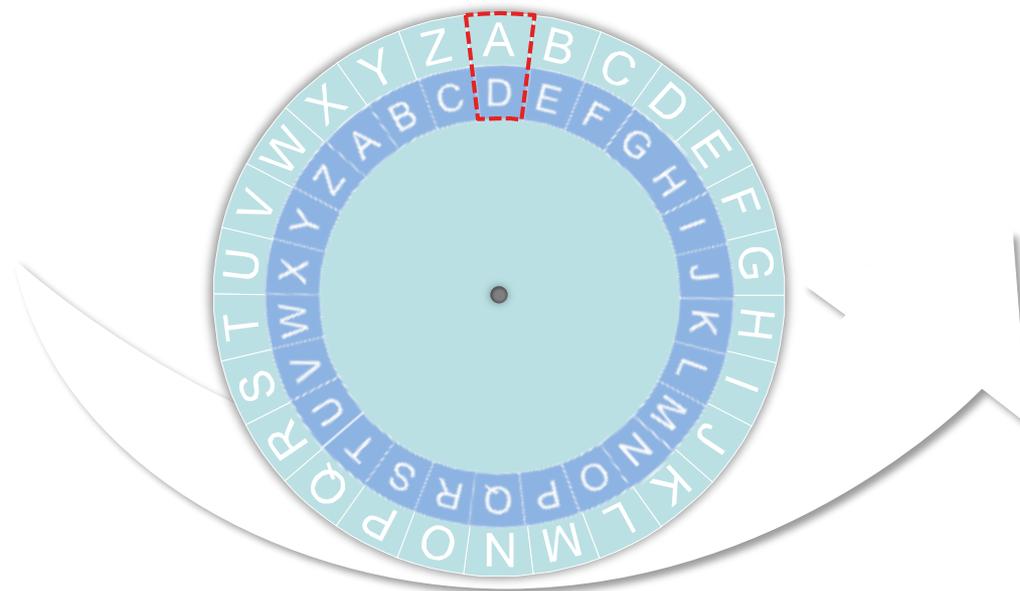
- cifrario di *Cesare*
 - cifrario a sostituzione monoalfabetica in cui ogni lettera del testo in chiaro è sostituita nel testo cifrato dalla lettera che si trova un certo numero di *posizioni successive* nell'alfabeto
- Cesare utilizzava uno spostamento di **3** posizioni (CHIAVE 3)
- testo in chiaro:
 - ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ
- testo cifrato:
 - DEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZABC
- esempio:
 - LEZIONI DI CRITTOGRAFIA
 - OHCLRQL GL FULWWRJUDILD



- P (alfabeto testo in chiaro [plaintext])
 - C (alfabeto testo crittato)
 - K_E (chiave di cifratura, parametro per f)
 - K_D (chiave di decifratura, parametro per f^{-1})
 - $f()$ (funzione di trasformazione crittografica)
-
- $P = C = \{A, B, C, \dots, X, Y, Z\}$
 $= \{0, 1, 2, \dots, 23, 24, 25\}$
 - $K_E = k \in P, k \neq 0$
 - $f(x_i) = (x_i + k) \bmod 26$
 - $K_D = k_d \in P, k_d = 26 - k$
 - $f^{-1}(x_i) = (x_i + k_d) \bmod 26$

cifrari a scorrimento

A. Ferrari



debolezze del metodo di Cesare

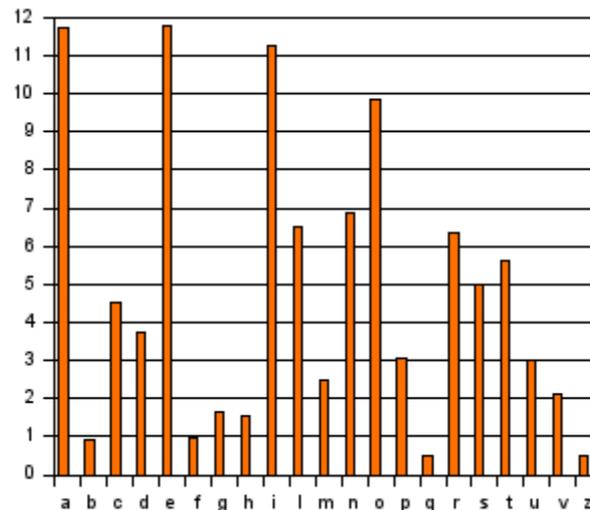
A. Ferrari

- il metodo di Cesare ha due principali **debolezze**:
 - è sensibile all'**analisi di frequenza**
 - sono possibili solo **poche chiavi** diverse ($n - 1$) se n è il numero di caratteri dell'alfabeto
- chi intercetta un messaggio cifrato con il metodo di Cesare può limitarsi a provare successivamente tutte le possibili chiavi di cifratura e trovare il testo in chiaro in un tempo ragionevolmente breve (attacco a **forza bruta**)

analisi di frequenze

- *analisi delle frequenze*

- studio della frequenza di utilizzo delle lettere o gruppi di lettere in un testo cifrato
- in ogni lingua la *frequenza* di uso di ogni lettera è piuttosto determinata



Lettera	Frequenza
a	11.74%
b	0.92%
c	4.50%
d	3.73%
e	11.79%
f	0.95%
g	1.64%
h	1.54%
i	11.28%
l	6.51%
m	2.51%
n	6.88%
o	9.83%
p	3.05%
q	0.51%
r	6.37%
s	4.98%
t	5.62%
u	3.01%
v	2.10%
z	0.49%

- il cifrario di Blaise de Vigenère è il più semplice dei *cifrari polialfabetici*
- fu **ritenuto per secoli inattaccabile**
- si può considerare una *generalizzazione* del cifrario di Cesare
 - invece di spostare sempre dello stesso numero di posti la lettera da cifrare, questa viene spostata di un numero di posti variabile ma ripetuto
 - lo spostamento è determinato da una parola chiave da scrivere ripetutamente sotto il messaggio, carattere per carattere
- esempio:
 - PIANO LAUREE SCIENTIFICHE
 - ITIS
 - XBIFW EIMZXM KKBMFBBNAKAM



- P (alfabeto testo in chiaro [plaintext])
- C (alfabeto testo crittato)
- K_E (chiave di cifratura, parametro per f)
- K_D (chiave di decifratura, parametro per f^{-1})
- $f()$ (funzione di trasformazione crittografica)

- $P = C = \{A, B, C, \dots, X, Y, Z\}$
 $= \{0, 1, 2, \dots, 23, 24, 25\}$
- $K_E = k = [k_0, k_1, k_2, \dots, k_{m-1}] \in P^m, k \neq [0, \dots, 0]$
- $f(x_i) = (x_i + k_i) \bmod 26$

confronto

Vigenère - Cesare

A. Ferrari

- il metodo di Vigenère rende impossibile l'analisi di frequenza perché le lettere più frequenti sono codificate con lettere diverse da colonna a colonna, con il risultato di rendere quasi uguali le frequenze relative delle lettere del testo cifrato
- il metodo di Vigenère sembra essere molto più robusto di quello di Cesare perché il crittografo ha due problemi:
 - determinare la lunghezza k della chiave
 - e poi la chiave stessa
- se l'alfabeto ha n caratteri, vi sono n^k possibili chiavi di cifratura, mentre sono solo $n!/(n - k)!$ se vogliamo che i caratteri siano tutti diversi fra loro

Cryptographia ad usum Delphini – A.Zaccagnini

debolezza del metodo di Vigenère

A. Ferrari

- considerato sicuro per alcuni secoli, finché un'analisi statistica più raffinata, di Kasinski, mostrò che è possibile “indovinare” la lunghezza k della chiave di cifratura, riducendo il problema della decifratura a k problemi di decifratura del metodo di Cesare
- l'analisi si basa sul fatto che in ogni lingua vi sono alcune combinazioni di due lettere piuttosto frequenti: se due istanze di questa coppia di lettere compaiono nel testo in chiaro ad una distanza che è un multiplo della lunghezza della chiave, saranno cifrate allo stesso modo, perché vanno a finire nelle stesse colonne

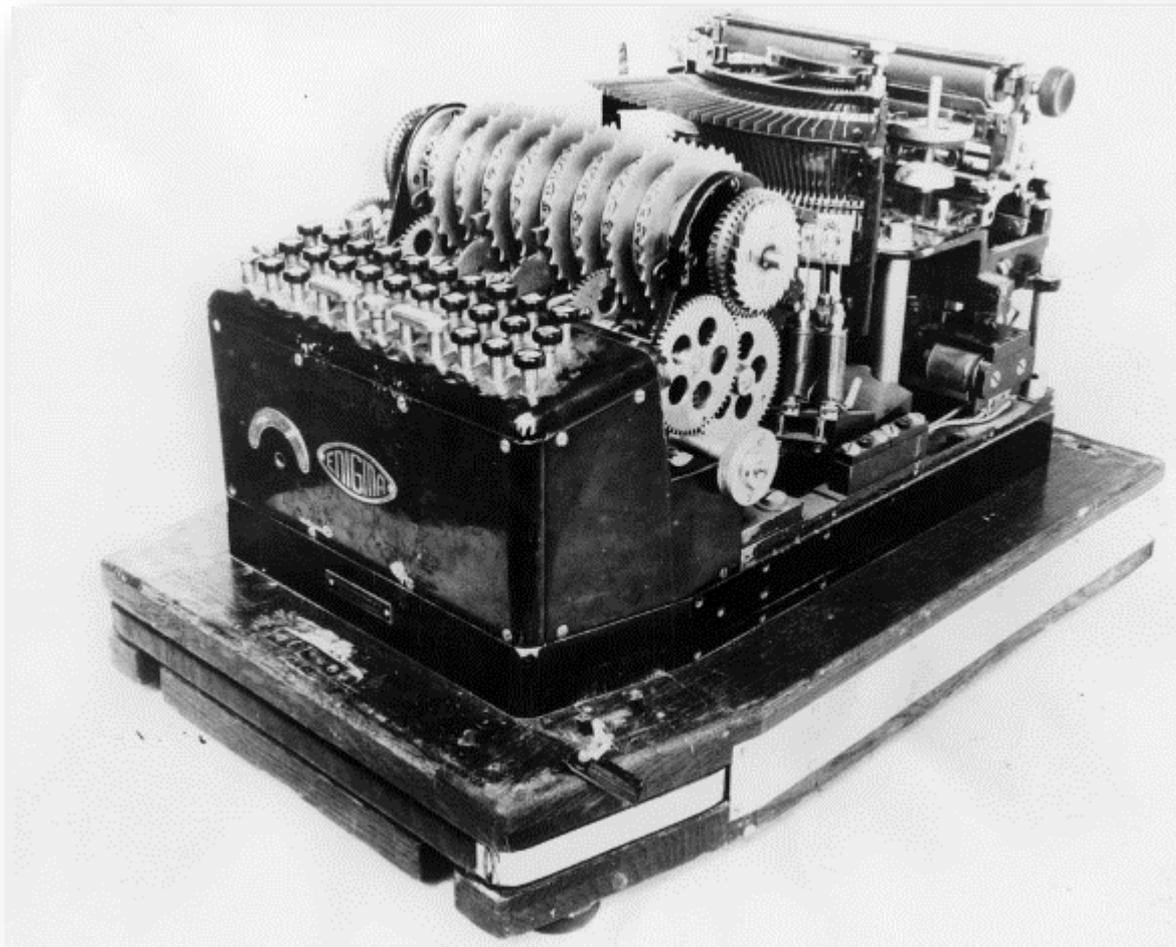
Cryptographia ad usum Delphini – A. Zaccagnini

- ***Enigma***
 - macchina elettromeccanica usata dai tedeschi nella seconda guerra mondiale.
- una serie di rotori effettuano la trasformazione di un carattere dell'alfabeto in un altro che veniva a sua volta trasformato dal rotore successivo
- dopo la digitazione di ogni carattere il primo rotore effettua una rotazione che può comportare la rotazione eventuale del successivo
- la scelta della posizione iniziale dei rotori (e di altri meccanismi di traslazione) costituisce la chiave
- ritenuta per molto tempo inattaccabile
- il matematico polacco Marin Rejewsky con il suo lavoro riuscì a decifrare numerosi messaggi militari tedeschi, un fattore che probabilmente contribuì alla vittoria finale degli alleati



Enigma

A. Ferrari



- Data Encryption Standard (*DES*) è un algoritmo di cifratura scelto come standard per il governo degli Stati Uniti d'America nel 1976 e in seguito diventato di utilizzo internazionale
- si basa su un algoritmo a chiave **simmetrica** con chiave a 56 bit
- DES è considerato *insicuro* per moltissime applicazioni. La sua insicurezza deriva dalla chiave utilizzata per cifrare i messaggi, che è di soli 56 bit
- nel gennaio del 1999 si dimostrò pubblicamente la possibilità di individuare una chiave di crittazione in 22 ore e 15 minuti
- l'algoritmo è ritenuto sicuro reiterandolo 3 volte (Triple DES)
- DES è stato sostituito dall'Advanced Encryption Standard (AES) un nuovo algoritmo che elimina molti dei problemi del DES

protocollo del doppio lucchetto

A. Ferrari

- A mette il suo messaggio per B in una scatola, che chiude con un lucchetto e invia a B.
- B mette il suo lucchetto alla scatola e la rispedisce ad A.
- A toglie il suo lucchetto e rispedisce la scatola a B.
- B toglie il suo lucchetto e legge il messaggio.
- la scatola non viaggia mai senza lucchetto
- ne A ne B ha dovuto inviare all'altro la chiave del proprio lucchetto
- è possibile comunicare con sicurezza senza dover effettuare un preventivo scambio delle chiavi !!!

